TYATT KAPEAPA 103

74.9-15.03.18 хорошо

OTMET SALLINILLEH C OLLEHKOÙ

AONXHOCTE, YM. CTETTEHE,
3BAHUE

MORMUCE, HATA

инициалы, дамилия

OTYET O NABOPATOPHOÙ PABOTE 23
MAGTHUK MAKCBENNA
TO KYPCY: OBUSAG PUBUKA

PAGOTY BUMONHUN CTYMENT TP

CAHKT - METEPBYPT vk.com/club152685050 vk.com/id446425943 2018

I. Vers padons. Onpegererne nauerma mepern naam-II. Onucarme nadopamopnoù yemanobien. Ha bepruisaisment unorine openeurce gla uperine habiten boponnan gra spennerus u perjupobarus diopinisan propoleca, siekmparament ges percepolarus naam nuka b beparen naismenn u gonogannuvan, brusaranseni cerynganes. Ha nogbuse nan aponumeine zampenden granogammur, bumo ravousuri cenyngaries. Mirara cenyngaresa borrecena na museby o nanero nondopa. Kronca "Cemo" bicuroraem numarue yena nobre, vuonca "Copoc" obrysaem novazaria cenyriganepa. Their maskamun na knanky "Tyek andinaenca recompanarium, a maandin rpuscogum b glusceruie Macey a manerim unepiece marmina nomero meriano 6 zalencumocina om voiey, nagebaluoix na quec. Duma humi gainera doins manoi, umobre reunera a rpaina habrima done na 1-2 me Husice amureccari ou huseters gangamena. Oco maamena gaisura dem rapizarmaistrai. Dunta numu - an enneenegeno (energen amount) perennon na bepinnicamon instruce. Brewent big sapopamapusi yemarabur Puc. 2.1

жарантеристики npudopol

Mazbanne	Veria	Too						
Cercynganep	a metella	whit-us	Mace (K)	vorpense (0)				
Muneira	0,1 we	99,999	-					
- 0 -		14 cm	-	0,05 cm				

III. Radorne popergies. Des madmers 41 u 4.2

To populue (3.2)
$$I_p = \frac{m_0 R_0^2}{2}$$

The popular (3.3)
$$I = \frac{1}{2} (R^2 k_1 + R^2 k_2)$$

$$I = \frac{1}{2} (M_0 R^2 + M_2 (R^2 + R^2))$$

To populare (3.4)
$$t_{cp} = \frac{2}{5} t_i$$

IV. Pezepromanno uzuepenni.

		,			'		9	Made	en la	41
Nnn	1	2	3	4	5	6	7	- Q	0	10
t,c	1,696	1,707	1,684	7,654	1,702	1,719	1,645	1,677	7,713	1.688
I, w. w.2	6-10-4	6-10"	6.10-4	6.10"	6.10	6,210	5,7-104	5 9.10-7	62.10	6.46
I cp, mm²					6.10			31.	0,1	0.10
OI, w.wi	0,05-10				0,051.10					0,05.10

$$h=29 \text{ cm}= , m=(34+132+264)1 = \text{ kg}$$

N n/n	1	2	3	4	5	6	Sept.	
t,c	1,535	1,531						
ru.w, I	5:10							
Ice, w. w2					5,091			
OI, W. W.	015-10				0,000			0,05. 16

h=25 cm , m = (34+132+264),

V. Tpunepa berneneni.

To gopenjue (3.4) que médensen 4.1 tp=1,696+1,702+1,684+1,694+1,702+1,713+1,648+1,677+1,713+1,688

= 1,7 cvk.com/club152685050 vk.com/id446425943

gie madeiner 4.2.

tq=1,535+1,531+1,541+1,543+1,550+1,555+1,551+1,561+1,568+1,562

= 1,54 4

To populse (3.1) que madringer 4.1

I1=0,43.10,005+0,0006/2. (2.0,29-1)=0,13.10-4. (28,322-1)=

= 6.10-4 m.m2

ges nobreen 4.2

In=0,43.10,005+0,0006/2. (9,8.1,5352 -1)= 5.10-4 W. M2

To appropre (3.5) que materia 4.1

Icp=6.10"+6.10"+6.10"+6.10"+6.10"+6.10"+6.2.10"+5.7.10"+5.9.10"+6.2.10"+6.2.10"+6.2.10"

= 5,09.10 m. m2

ges masuugar 4.2

In- 6.10"+ 5.10" +5.15" +5.16" +5.1-10"+5,1-10" +5,1-10" +5,2-10" +5,2-10"

= 5,09.10 W. w?

To poperyre (3.3) I = \$ (0,735.06455, +0'504.(0'0452, +0'0252,) = 0'000 992 mm = = = 6,65.10°4 m.m² To popeupre (3.2) TD = 0,132.0,04252 = 0,0000115 w. w2=1,15.10-4 w. w2

To populue (3.)

In = Mr (15 mi+ 6 mi) = 0.564 (0.0452, +0.0252,) = 9.04.10-4 mm

VI'. Bornerene vorpennomen

6.1. Cermenamererine norpeursanne.

6.1.1. Ot=0,001 c vk.com/club152685050

6.1.2. Oh = 2 July vk.com/id446425943

6.7. Cuentenarurechas vapennoches nautrens ureperen

QI=m(r+rn)2. 9t. Ot+m(r+rn)2(3/2). Oh =

= 0,43(0,005+0,0006)2. 9,8.1,7. 0,001+0,43 (0,005 10,006)2.

· (9,8.1,72).0,002 = 0,00000074+0,0000043 = 0,000005 = 0,05.10 mm

OIS = 0,43 (0,005 +0,0006)2. 9,8.1,702 .0,001 +0,43 (0,005 +0,0006)2.

· [9,8.1,702] - 0,000 = 0,000000074 +0,0000004388 =0,00000 5128 = =0,051.10 4 m. m2

QI10 = 0,43 (0,005 +0,0006)2. 9,8.1,688. 0,001 + 0,43 (0,005 +0,0006)2. · (9,8.1,6882).0,002 = 0,05.10-4 m. 2

6.3. Cuyrainne rasperenceme - 10,000016 +0,000004+0,000 256 +0,000006+0,000004 +0,000 361+0,00 2601+0,000529 +0,000169 + 6.3.2. Gegnee vlagpanmence annierrepue industrier exception. SI = 2 Icp. SI = 2.5,09.10-4. 0,00676 = 0,04.10-4 cm. m2. vk.com/id446425943 VII. Buloger 15 garrior eadopamoprois padome aspeglemen einschaft animera mingere morencal Van meopenimener, man a monepularimano Monerum unequem zaloncum oni paranononi borcarror mera, parronomerros 6 aparropanente Mariejum unepieur maameura Marchema onpegemme c'oepaannoemoro 95% I=(6.10"+0,04.10")m. Their h=0,29 m, maneum unepreum I=6.10" m.m2 Then h=0,25 m, moment unepiper I=5.10 "x1-m2 Die guica m. = 0,264m neigenureum I = 6,65.10 m. marepullermaners I'=5,09.10-4 Kr. 12 Dia guina m2 = 0,396 m neopeniment I = 10,21.10 m

menepunermanono I'= 8,42. 10-4 m. n.2

Лабораторная работа № 3

МАЯТНИК МАКСВЕЛЛА

Цель работы: определение момента инерции маятника Максвелла.

Теоретические сведения

Маятник Максвелла (рис. 3.1) представляет собой диск, жестко насаженный на стержень и подвешенный на двух параллельных нерастяжимых нитях. Намотав нити на стержень, можно сообщить маятнику потенциальную энергию относительно его нижнего положения. Если маятник отпустить из верхнего положения, то, вращаясь, он начнет падать. Учитывая, что на маятник действуют только консервативные силы (сила тяжести и сила натяжения нитей), закон сохранения его механической энергии можно записать в виде:

$$\frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}I\omega^2 + mgh = mgh_0, (3.1)$$

где h_0 — начальная высота маятника, определяющая его полную энергию; h — текущая высота; m — масса маятника; I — момент

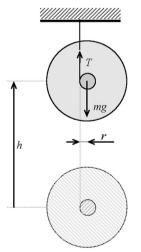


Рис. 3.1. Маятник Максвелла

инерции маятника относительно его оси; ω — угловая скорость вращения относительно этой оси; υ — скорость центра масс; g — ускорение свободного падения. Начало отсчета поместим в нижней точке.

Радиус-вектор \vec{h} , проведенный из этой точки в центр масс маятника, будет направлен вертикально вверх. Поскольку ускорение свободного падения направлено вертикально вниз, произведение скалярных величин можно заменить скалярным произведением векторов

$$mgh = -m\vec{g} \cdot \vec{h}$$
.

Известно также, что $\omega^2 = \left(\upsilon/r\right)^2$, где r – радиус стержня, и что $\upsilon^2 = \vec{\upsilon} \cdot \vec{\upsilon}$. С учетом сделанных замечаний (3.1) переписывается в виде

$$\frac{1}{2}m\vec{\mathbf{v}}\cdot\vec{\mathbf{v}} + \frac{I}{2r^2}\vec{\mathbf{v}}\cdot\vec{\mathbf{v}} - m\vec{\mathbf{g}}\cdot\vec{\mathbf{h}} = m\vec{\mathbf{g}}\cdot\vec{\mathbf{h}}_0. \tag{3.2}$$

Дифференцируем получившееся уравнение по времени и получаем

$$m\vec{v}\frac{d\vec{v}}{dt} + \frac{I}{r^2}\vec{v}\frac{d\vec{v}}{dt} - m\vec{g}\frac{d\vec{h}}{dt} = 0.$$
 (3.3)

Учитывая, что $\frac{d\vec{h}}{dt}$ = \vec{v} , $\frac{d\vec{v}}{dt}$ = \vec{a} , где \vec{a} – ускорение центра масс, перепишем уравнение (3.3) в виде

$$mr^{2}\vec{\mathbf{v}}\cdot\vec{a} + I\vec{\mathbf{v}}\cdot\vec{a} = mr^{2}\vec{\mathbf{v}}\cdot\vec{g}.$$
 (3.4)

Все векторы в (3.4) направлены одинаково, поэтому перейдем от скалярных произведений к произведениям длин векторов. Делим все члены уравнения на модуль скорости и получаем $mr^2a + Ia = mr^2g$, или

$$I = mr^2(g/a - 1). (3.5)$$

Поскольку величины I, m и r для маятника Максвелла постоянны, ускорение маятника будет тоже постоянным. Найти его можно, измерив время падения t с высоты h_0

$$a = \frac{2h_0}{t^2}. (3.6)$$

Подставив (3.6) в (3.5), получим выражение для вычисления момента инерции маятника Максвелла

$$I = mr^2 \left(\frac{gt^2}{2h_0} - 1 \right). \tag{3.7}$$

В этой формуле не учтена толщина нити, которая наматывается на ось маятника. В реальных условиях ее нужно обязательно учитывать. На рис. 3.2 показано, что сила натяжения T приложена

не краю шкива, а к середине нити. Поэтому, радиус шкива r следует заменить суммой $r+r_{\scriptscriptstyle \rm H}$, где $r_{\scriptscriptstyle \rm H}-$ радиус нити.

$$I = m(r + r_{\rm H})^2 \left(\frac{gt^2}{2h_0} - 1 \right). \tag{3.8}$$

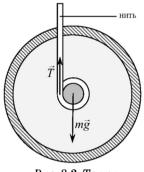
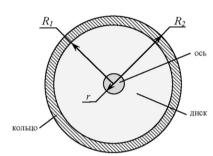


Рис. 3.2. Точки приложения сил



Puc. 3.3. Размеры элементов маятника

Маятник Максвелла (рис. 3.3) состоит из трех элементов: оси вращения, диска и кольца. Поэтому его момент инерции складывается из моментов инерции этих трех элементов:

$$I = I_0 + I_D + I_K. (3.9)$$

Момент инерции оси ввиду его малости учитывать не будем. Моменты инерции диска и кольца можно найти по формулам:

$$I_D = \frac{m_D R_D^2}{2}; \quad I_K = \frac{m_K}{2} \left(R_{K1}^2 + R_{K2}^2 \right).$$
 (3.10)

Принимая во внимание, что $R_{K1}=R_D=R_1$, а $R_{K2}=R_2$, получаем теоретическое выражение для момента инерции маятника Максвелла

$$I = \frac{1}{2} \left(m_D R_1^2 + m_K \left(R_1^2 + R_2^2 \right) \right). \tag{3.11}$$

Лабораторная установка

Внешний вид лабораторной установки показан на рис. 3.4. На вертикальной стойке крепятся два кронштейна. Верхний неподвижный кронштейн снабжен воротком 1 для крепления и регулировки бифилярного подвеса, электромагнитом 2 для фиксировании маятника в верхнем положении и фотодатчиком 3, включающий секундомер. На подвижном кронштейне закреплен фотодатчик 4, выключающий секундомер. Шкала секундомера 5 вынесена на лицевую панель прибора.

Кнопка "Сеть" включает питание установки, кнопка "Сброс" обнуляет показания секундомера. При нажатии на кнопку "Пуск" отключается электромагнит, и маятник приходит в движение.

Массу и момент инерции маятника можно менять при помощи сменных колец, надеваемых на диск. Длина нити должна быть такой, чтобы нижняя кромка маятника была на 1-2 мм ниже оптической оси нижнего фотодатчика. Ось маятника должна быть горизонтальной. Длина нити (высота падения) определяется по шкале, нанесенной на вертикальной стойке.

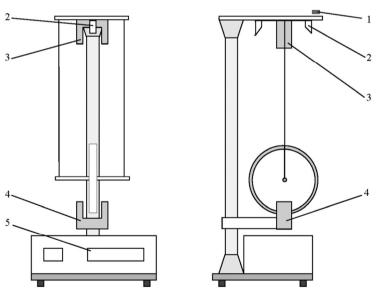


Рис. 3.4. Внешний вид лабораторной установки

```
Параметры установки: радиус оси – 5 мм, радиус нити – 0,6 мм, радиус диска – R_1 = 42,5 мм, внешний радиус кольца – R_2 = 52,5 мм.
```

Значения остальных параметров указаны на элементах маятника.

Задания и порядок их выполнения

Задание 1. Экспериментальное определение момента инерции маятника Максвелла (стандартный опыт).

Провести измерение времени падения маятника не менее 10 раз. Вычислить среднее время падения, а по нему при помощи формулы (3.8) момент инерции. Провести стандартную обработку результатов измерений. Погрешность измерения высоты принять равной $\theta_h=2$ мм, погрешность измерения времени $\theta_t=0.001$ с.

Внимание! При проведении опыта нужно следить за тем, чтобы нить наматывалась на ось аккуратно в один слой. Опыты, в которых это условие не соблюдается, в дальнейшем не учитывать.

Описанная выше процедура является стандартным опытом в данной работе. Ее нужно провести для маятника с каждым из сменных колец.

Задание 2. Исследование зависимости момента инерции маятника Максвелла от высоты, с которой происходит его падение.

Для указанного преподавателем кольца провести стандартный опыт для трех разных высот h. Экспериментально убедиться в том, что момент инерции маятника не зависит от начальной высоты, и в отчете объяснить, почему. Получить среднее значение момента инерции маятника по результатам трех серий, проведенных при разных высотах.

При проведении математической обработки результатов измерений в первом и втором заданиях нужно исходить из того, что момент инерции является неслучайной величиной. Задание 3. Теоретический расчет момента инерции маятника Максвелла.

По формулам (3.10), (3.11) вычислить моменты инерции диска, колец и маятника в целом во всех случаях. Сравнить расчетные значения с измеренными и объяснить расхождения, если они возникнут.

Контрольные вопросы

- 1. Что называется моментом инерции абсолютно твердого тела?
- 2. Чему равны моменты инерции диска и кольца?
- 3. Чему равна кинетическая энергия абсолютно твердого тела?
- 4. Запишите закон сохранения энергии для маятника Максвелла.
 - 5. Является ли падение маятника равноускоренным?
- 6. Почему, опустившись до нижней точки, маятник снова начинает подниматься наверх?
- 7. Какая энергия маятника больше кинетическая поступательного движения или кинетическая вращения? (При ответе на этот вопрос воспользоваться полученным значением момента инерции маятника и известным значением радиуса оси маятника.)
 - 8. Как зависит время падения маятника Максвелла от его массы?
- 9. Как изменится время падения, если маятник выполнить из менее плотного, чем сталь материала (например, алюминия)?